薬学情報処理演習 第2回

### 表計算ソフトによる統計 処理



### 奥薗 透 コロイド・高分子物性学



□ 離散的なデータ

- 度数分布 F<sub>i</sub>
- 確率  $f_i = F_i/N$

$$\bar{x} = \sum_{i=1}^{n} X_i f_i$$
  $\sigma^2 = \sum_{i=1}^{n} (X_i - \bar{x})^2 f_i$ 

データの分布

□ 連続的なデータ

- 度数分布→分布関数 F(x)( $N \to \infty, \Delta x = X_{i+1} - X_i \to 0$ ) - 確率密度  $f(x) = F(x)/\tilde{N}$ ( $\tilde{N} = \int F(x) dx$ )

 $\bar{x} = \int x f(x) dx$   $\sigma^2 = \int (x - \bar{x})^2 f(x) dx$ 







# コンピュータ上でランダムな数(乱数)を次々に生成し、ランダムなデータを作ることができる。エクセルでは RAND() という関数が用意されている。

### □ RAND()で生成される乱数は一様分布関数 f(x) = 1 $(0 \le x < 1)$

に従い、平均と分散は、

$$\overline{x} = \int_0^1 x f(x) dx = \frac{1}{2} \qquad \sigma^2 = \int_0^1 (x - \overline{x})^2 f(x) dx = \frac{1}{12}$$

となるので、平均0の一様乱数(RAND()-0.5)を12個 足し合わせたものは、近似的に、平均0分散1の正規 分布に従う乱数(正規乱数)となっている。



一様乱数の性質を利用して半径1の円の面積を求めて みよう(モンテカルロ積分)。

□ 2つの乱数(x, y)を発生させそれをxy平面上の点とする。
ただし、0 ≤ x < 1, 0 ≤ y < 1とする。</p>

□  $r = \sqrt{x^2 + y^2}$  が $r \le 1$ となる点の個数をn、点の総数 N とし、 $S_N = 4n/N$ として円の面積を求める。

 $\square N$ を大きくすると  $S_N$  は  $\pi$  に近づくことを確かめよ。







□ 中心極限定理

n個の独立な確率変数 $u_i$ (分散 $s_i^2$ 平均値0)からなる確率変数

 $x_n = (u_1 + u_2 + \dots + u_n)/\sqrt{\sigma_n^2}$   $\sigma_n^2 = s_1^2 + s_2^2 + \dots + s_n^2$ は、 $n \to \infty$  で分散1, 平均値0の正規分布に従う。 □ ばらつき=多数の確率的事象の和 x



- □ 関数RAND()を用いて平均0の一様分布に従う
   乱数データを作成する。
- 上記のデータから正規分布をもつ乱数データを 作成する。
- 上記のデータに対する分布関数(正規分布と余裕があれば一様分布も)を描く。
  - 分析ツール(後述)を用いて、度数分布表を作る。
  - 規格化された分布関数のデータを計算する。
  - 得られた分布関数のデータをグラフに描き、理論曲線 と比較する。
  - (余裕があれば)平均値と分散を計算し、理論値と比 較する。



## RAND()を使って平均0の一様乱数を生成する。 1列数千個のデータを12列作る。

 12個の一様乱数を足し合わせて正規乱数を生 成する。

Uniform 1	Uniform 2	 Uniform 12	Normal
=RAND()-0.5	=RAND()-0.5	 =RAND()-0.5	=SUM(A2:L2)



エクセルで度数分布を作る方法はいろいろある が、ここでは「分析ツール」を使う。これを使用可 能とするには、ファイル/オプション/アドイン/設 定で「分析ツール」を選択し「OK」をクリックする。

」データ区間(級)を作成する。	データ区間
□ 分析ツールを使う	-4.5
- データ/分析/データ分析/ヒストグラム	-4.3
- 入力範囲、データ区間を指定	-4.1
- 出力先を選択・指定	-3.9

9



規格化: $\sum F_n \Delta x = \mathcal{N}$	$\sum f_n \Delta x = 1,$	$f_n = F_n / \mathcal{N}$
n	n	

データ区間	頻度	代表值 x	分布 f(x)	
-4.5	0			$f_n = F_n / \mathcal{N}$
-4.3	1	=(A2+A3)/2	=B2/\$B\$49	←
4.5	0			
次の級	0			
積分値	=SUM(B2:B47)*0.2			



#### □ 一様分布と正規分布のデータを作成する。

代表值 x	一様分布
-4.5	=IF(AND(C3>-0.5, C3<0.5), 1, 0)

IF(条件, 値1, 値2): 条件が真であれば値1を, 偽であれば値2を返す。 AND(条件1, 条件2): 条件1が真かつ条件2が真であれば真の値を返す。 したがって上の例は、セルC3の値が-0.5より大きく、0.5より小さいならば、 セルに1が入力され、それ以外では0が入力される。

代表值 x	正規分布
-4.5	=NORM.DIST(C3, 0, 1, FALSE)

関数NORM.DIST( $x, \overline{x}, \sigma^2$ , FALSE) はxの値に対する平均 $\overline{x}$ 分散 $\sigma^2$ の正規分布 f(x)の値を返す。



### □ 分布関数のグラフ

- 横軸に代表値、縦軸に確率密度分布をとる。
- 理論値と度数分布から得られたデータを比較する。



平均値:0.00085 分散:0.08058(分布関数から計算した値) データ数:60000

平均値:-0.01044 分散:1.002027(分布関数から計算した値) データ数:5000 12